

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
<b>الموضوع الأول</b>		
<b>التمرين الأول: (06ن)</b>		
2.5	1	..... $v_n = 2.3^n$ أي $v_n = v_0 q^n$ (أ) (1
	0.5+1	..... (ب) $v_{n+1} - v_n = 2.3^{n+1} - 2.3^n = 4.3^n$ بما أن: $v_{n+1} - v_n > 0$ فإن $(v_n)$ متزايدة تماما
3.5	1+0.5	..... (أ) المجموع $S_n = v_0 \frac{1-q^n}{1-q}$ أي $S_n = 2 \frac{1-3^n}{1-3} = 3^n - 1$ ومنه: $S_n = 3^n - 1$
	2×0.5	..... (ب) $S_n = 80$ أي $3^n - 1 = 80$ ، $3^n = 81$ ، ومنه $n = 4$
	0.75+0.25	..... (ج) التحقق من أجل $n = 0$ ثم التوريث
<b>التمرين الثاني: (06ن)</b>		
1	1	..... 1. العددان متوافقان بتربيد 7 $718 - 2013 = 7 \times 185$ (تقبل أي طريقة صحيحة)
1.25	0.5	..... 2. (أ) $4^6 \equiv 1[7]$ الباقي 1
	0.75	..... (ب) $4^{6n} - 1 \equiv 0[7]$
1.5	2×0.5	..... 3. (أ) $718 \equiv 4[7]$ و $2013 \equiv 4[7]$
	0.5	..... (ب) $3 \times 718^{6n} + 2013 \equiv 3 \times 4^{6n} + 4[7]$ ومنه: $3 \times 718^{6n} + 2013 \equiv 0[7]$ ...
2.25	0.5	..... 4. (أ) التحقق من أن $1434 \equiv -1[7]$
	2×0.5	..... (ب) $1434^{2n} \equiv 1[7]$ و $n \equiv 6[7]$ أو $n = 7k + 6$
	0.75	..... $n \in \{ 6, 13, 20 \}$
<b>التمرين الثالث: (08ن)</b>		
1.5	0.5	..... (I) عدد نقط تقاطع $(C_f)$ مع محور الفواصل هو 2
	0.5	..... (2) إشارة $f(x)$ على $\mathbb{R}$ : إذا كان: $x \leq 0$ : فإن $f(x) \leq 0$ : وإذا كان: $x \geq 0$ : فإن $f(x) \geq 0$ ...
	0.5	..... (3) عدد حلول المعادلة: $f(x) = g(x)$ هو حلان
3	2×0.5	..... (II) (أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ; $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$
	1+0.5	..... (ب) حساب $f'(x) = 3x^2 - 8x + 4$ : إشارة $f'(x) \geq 0$ : $f'(x) < 0$ و $x \in ]-\infty; \frac{2}{3}] \cup [2; +\infty[$ ، $x \in ]\frac{2}{3}; 2[$
	0.5	..... (ج) جدول تغيرات الدالة $f$ :

1.5	0.5	..... $f(x) = x(x-2)^2$ (أ) التحقق أن:
	2×0.25	..... (ب) التقاطع مع محور الفواصل $O(0;0)$ و $A(2;0)$ .
	0.5	..... (3) (أ) تبيان أن: $g(x) = 4x$ .
2	0.75	..... (ب) تعيين فواصل نقط تقاطع (C) مع (Δ): $x^2(x-4) = 0$ ، $x = 0$ أو $x = 4$ .
	0.75	..... (4) $f'(x) = 6x - 8$ ، $x = \frac{4}{3}$ ، إشارة $f'(x)$ .
	0.5	..... (5) $m \in ]0; \frac{32}{27}[$ .
<b>الموضوع الثاني</b>		
<b>التمرين الأول: (06ن)</b>		
2	1.5	..... 1. $4u_0 + 30 = 34$ ومنه $u_0 = 1$ .
	0.5	..... 2. $u_n = 1 + 5n$ .
1	1	..... 3. $n = 2013$ .
1	1	..... 4. $S = \frac{2014}{2}(u_0 + u_{2013})$ ومنه $S = 10137469$ .
1	0.5+0.5	..... 5. (أ) $v_{n+1} - v_n = 10$ أي $(v_n)$ متزايدة تماما.
1	1	..... (ب) $S' = 2S + 2014$ ومنه $S' = 20276951$ .
<b>التمرين الثاني: (06ن)</b>		
1	1	..... 1. $3a \equiv 6[7]$ و $3a + b \equiv 12[7]$ ومنه $3a + b \equiv 5[7]$ .
1.5	3×0.5	..... 2. $a^2 \equiv 4[7]$ و $3b^2 \equiv 3[7]$ ومنه $a^2 + 3b^2 \equiv 7[7]$ أي $a^2 + 3b^2 \equiv 0[7]$ .
1.5	0.5	..... 3. (أ) التحقق: $b \equiv -1[7]$ .
	2×0.5	..... (ب) $b^{2013} \equiv 6[7]$ و $b^{1434} \equiv 1[7]$ .
2	2×0.5	..... 4. لدينا: $a + b \equiv 1[7]$ ومنه $(a + b)^n \equiv 1[7]$ .
	0.5	..... وبالتالي: $(a + b)^n + n \equiv 0[7]$ يكافئ $1 + n \equiv 0[7]$ .
	0.5	..... أي: $n = 7k + 6$ مع $k \in \mathbb{N}$ .

		التمرين الثالث: (08ن)
0.5	0.5	..... $f(x) = 1 + \frac{3}{2x-4}$ (1)
0.5	0.5	..... $f(1) = -\frac{1}{2}$ إذن: $A \in (C)$ (2)
		..... $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$ (3 أ)
1	4×0.25	..... $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = -\infty$
0.5	2×0.25	..... ب) المستقيمان المقاربان: $x=2$ ، $y=1$
1	1	..... $f'(x) = \frac{-6}{(2x-4)^2}$ (4)
0.5	2×0.25	..... من أجل كل $x \neq 2$ $f'(x) < 0$ و منه: $f$ متناقصة تماما
0.5	0.5	..... جدول التغيرات:
1.5	3×0.5	..... $f'(x) = -\frac{3}{2}$ معناه: $x=1$ أو $x=3$ (5)
		..... توجد نقطتان من $(C)$ يكون فيهما معامل توجيه المماس يساوي $-\frac{3}{2}$ .
1	0.5	..... التقاطع مع محور الفواصل: $E\left(\frac{1}{2}; 0\right)$ (6)
	0.5	..... التقاطع مع محور الترتيب: $F\left(0; \frac{1}{4}\right)$
1	1	..... (7) $(C)$ هو $(C_2)$ لأن: مثلا $f$ متناقصة وتمر من النقطة $\left(\frac{1}{2}; 0\right)$