

الإجابة النموذجية و سلم التنقيط

امتحان شهادة البكالوريا دورة : 2011

المادة : الرياضيات الشعبة: رياضيات

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
04.5	0.5×3	التمرين الأول : (04.5 نقطة) (1) $z_C = \sqrt{6}e^{i\frac{\pi}{4}}, z_B = \sqrt{2}e^{i\frac{3\pi}{4}}, z_A = \sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{4}}$	أعداد مركبة وتطبيقاتها الهندسية التشابه
	0.25×3	(2) $\arg\left(\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}\right) = \frac{\pi}{3} + 2k\pi; k \in \mathbb{Z}$ و $\left \frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}\right = 1$ $\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ -	
	0.25×2	التفسير الهندسي : $AB = AC$ و $(\overline{AC}; \overline{AB}) = \frac{\pi}{3}$	
	0.25	ب) ABC مثلث متقايس الأضلاع	
	0.25	(3) $z_D = -\sqrt{3} - \sqrt{3}i$	
	0.25×3	(4) أ- T تشابه مركزه A ونسبته $\sqrt{2}$ وزاويته $\frac{3\pi}{4}$	
0.5	ب- $T \circ T$ تشابه مركزه A ونسبته 2 وزاويته $\frac{3\pi}{2}$		
04.5	0.75	التمرين الثاني (04.5 نقطة) (1) - أ \overline{AB} لا يوازي \overline{AC} ومنه النقط A, B و C تعين مستويا.....	المستقيمات والمستويات في الفضاء تطبيقات الجداء السلمي في الفضاء
	0.25×2	ب- $\vec{n} \cdot \overline{AB} = 0$ و $\vec{n} \cdot \overline{AC} = 0$ ومنه \vec{n} شعاع ناظمي لـ (ABC)	
	0.5	$3x + 4y - 2z + 1 = 0$ معادلة ديكارتية للمستوي (ABC)	
	0.25×2	(2) - أ شعاع ناظمي لـ (P_1) و $\vec{n}'(2; -2; -1)$ شعاع ناظمي لـ (P_2) و $\vec{n} \cdot \vec{n}' = 0$ ومنه (P_1) و (P_2) متعامدان.	
	0.25×3	ب- وكذلك $\begin{cases} x = \frac{4}{7}t + \frac{1}{7} \\ y = \frac{1}{14}t - \frac{5}{14} \\ z = t \end{cases} / t \in \mathbb{R}$ تمثيل وسيطي للمستقيم (Δ)	
	0.25×2	ج- التحقق $O \notin (\Delta)$	
	0.25×2	د- $d(O; (P_2)) = \frac{1}{3}, d(O; (P_1)) = \frac{\sqrt{29}}{29}$	
0.25×2 $d(O; (\Delta)) = \sqrt{\frac{38}{261}}$		

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
4	0.25×3+0.5	<p>التمرين الثالث: (04 نقاط)</p> <p>$U_0 = 3$ ، $U_5 = 18$ و $U_3 = 12$ ، $d = 6$ (1)</p> <p>$U_n = 3 + 3n$ و $2010 = 3 + 3 \times 669$ ورتبته 670 (2)</p> <p>$10080 = \frac{5}{2}(u_n + u_{n+4})$ ومنه $u_n = 2010 = u_{669}$ (3)</p> <p>(أ) $S = 3(n+1)(2n+1)$ (4)</p> <p>(ب) $S_2 = 3n(n+1)$ و $S_1 = 3(n+1)^2$</p>	المتتاليات الحسابية
	0.75		
	0.5		
	0.5		
	0.5×2		
07	0.25	<p>التمرين الرابع: (07 نقاط)</p> <p>(1) $f'(x) = (3x + 7)e^x$ $f''(x) = (3x + 10)e^x$ البرهان بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي n غير معدوم فإن: $f^{(n)}(x) = (3x + 3n + 4)e^x$ (ب) $y = (3x + 10)e^x + c_1x + c_2$ حيث $(c_1; c_2) \in \mathbb{R}^2$ (2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 3 \lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x + 4 \lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$ $y = 0$ معادلة المستقيم المقارب لـ (C_f) عند $-\infty$ ب- إشارة f' ، f متزايدة تماما على $[-\frac{7}{3}; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]-\infty; -\frac{7}{3}]$ جدول التغيرات (3) (أ) معادلة (Δ) : $y = -(3x + 16)e^{-\frac{10}{3}}$ ب (إشارة $f''(x)$ ، $f''(-\frac{10}{3})$ ، نقطة انعطاف $(-\frac{10}{3}; f(-\frac{10}{3}))$ (ج) رسم (C_f) و (Δ) (4) $\int_{-1}^x te^t dt = (x-1)e^x + \frac{2}{e}$ $F(x) = (3x + 1)e^x + c$: دالة أصلية لـ f ب- $A(\lambda) = -\int_{\lambda}^{-\frac{4}{3}} f(x) dx = (3\lambda + 1)e^{-\lambda} + 3e^{-\frac{4}{3}}(ua)$ $\lim_{\lambda \rightarrow -\infty} A(\lambda) = 3e^{-\frac{4}{3}} (ua)$</p>	دراسة دالة أسية البرهان بالتراجع معادلة المماس حساب المساحات
	0.25		
	0.75		
	0.25		
	0.25		
	0.25		
	0.25		
	0.25×3		
	0.5		
	0.5		
	0.25×2		
	0.75		
	0.75		
	0.5		
0.5			
0.25			

العلامة		محاور الموضوع								
المجموع	مجزأة									
04		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)								
		التمرين الأول: (04 نقاط)								
	0.75 $(x, y) = (7k + 1, 13k + 2)$ حيث $k \in \mathbb{Z}$ (1)								
	0.75 $k \in \mathbb{Z}$ ، $a = 91k + 13$ (2)								
	0.75 بواقي القسمة الإقليدية للعدد 9^n على 7 (3)								
		<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>n</td> <td>$3k$</td> <td>$3k + 1$</td> <td>$3k + 2$</td> </tr> <tr> <td>باقي القسمة</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>4</td> </tr> </table>	n	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$	باقي القسمة	1	2	4
	n	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$						
	باقي القسمة	1	2	4						
	0.75 بواقي القسمة الإقليدية للعدد 9^n على 13								
		<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>n</td> <td>$3k$</td> <td>$3k + 1$</td> <td>$3k + 2$</td> </tr> <tr> <td>باقي القسمة</td> <td>1</td> <td>9</td> <td>3</td> </tr> </table>	n	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$	باقي القسمة	1	9	3
n	$3k$	$3k + 1$	$3k + 2$							
باقي القسمة	1	9	3							
0.25 $b = 6 + 8 \times 9 + \beta \times 9^3 + \alpha \times 9^6$ مع $0 < \alpha < 9$ و $0 \leq \beta < 9$ (4)									
0.25 $b \equiv 0 [7]$ تكافئ $\alpha + \beta \equiv -1 [7]$									
0.25 $b \equiv 0 [13]$ تكافئ $\alpha + \beta \equiv 0 [13]$									
0.25 ومنه $\alpha + \beta = 13$ وعليه : $(\alpha, \beta) \in \{(5, 8), (8, 5), (6, 7), (7, 6)\}$									
05		التمرين الثاني: (05 نقاط)								
	0.5x2 $\lambda \in \mathbb{R} \begin{cases} x = \frac{1}{2}\lambda \\ y = \lambda \\ z = 3 - 3\lambda \end{cases} : (\Delta) , t \in \mathbb{R} \begin{cases} x = 1 - t \\ y = t \\ z = \frac{3}{2}t \end{cases} : (D)$ (1)								
	0.5 $G \left(\frac{1}{3}; \frac{2}{3}; 1\right)$ النقطة في التقاطع في (Δ) و (D)								
	0.5 $\overline{GA} + \overline{GB} + \overline{GC} = \vec{0}$ (2)								
	0.25 G مركز نقل المثلث ABC								
	0.5 $\vec{n} \left(6; 3; 2\right)$ أو $\vec{n} \left(1; \frac{1}{2}; \frac{1}{3}\right)$ (3)								
	0.5 معادلة للمستوى (ABC) $x + \frac{1}{2}y + \frac{1}{3}z - 1 = 0$								
	0.5 المسافة بين النقطة O والمستوي (ABC) تساوي $\frac{6}{7}$ (4)								
	0.75 $H \left(\frac{5}{17}; \frac{12}{17}; \frac{18}{17}\right)$ أ- (5)								
	0.5 ب- المسافة بين B و (D) تساوي $BH = \frac{\sqrt{833}}{17} = \frac{7}{\sqrt{17}}$								

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	محاور الموضوع
المجموع	مجزأة		
04	0.5	التمرين الثالث: (04 نقاط) $a = \left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right)$ لأن خطأ، لأن /1	الأعداد المركبة المتتاليات
	1 $\bar{a} = -\frac{\sqrt{2}}{2} - i \frac{\sqrt{2}}{2}$ و $a^{2011} = \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2}$: صحيح لأن: ب	
	0.5 $\frac{3\pi}{4}$ خطأ لأن زاويته هي /2	
	0.5 ب- خطأ لأنه مجموعة النقط M هي نصف مستقيم مفتوح مبدؤه: A	
	0.5 $\frac{3}{4} \left[-\frac{7}{12} \left(\frac{3}{4} \right)^n + \frac{2}{3} \right] + \frac{1}{6} = -\frac{7}{12} \left(\frac{3}{4} \right)^{n+1} + \frac{2}{3}$: صحيح لأن: /3	
	0.5 ب) خطأ لأن: من أجل كل عدد طبيعي n ، $u_{n+1} - u_n > 0$	
	0.5 ج) خطأ لأن: $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = \frac{2}{3}$	
	07	0.25×2	
0.25×3	 $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x) = -\infty$ ، جدول التغيرات	
0.25	 ب- $g(1) = 0$	
0.5	 إشارة $g(x)$: $g(x) > 0$ من أجل $x > 1$ و $g(x) < 0$ من أجل $0 < x < 1$	
0.25	 (2) - f قابلة للاشتقاق على $]0; +\infty[$ لأنها جداء دالتين قابلتين للاشتقاق	
0.5	 $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$	
0.25	 f متزايدة تماماً على $[1; +\infty[$ ومتناقصة تماماً على $]0; 1]$	
0.25×3	 جدول التغيرات ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$	
0.25×2	 ب- $f(x) - \ln x = \frac{-\ln x}{x^2}$ ومنه (C_f) فوق (δ) من أجل $0 < x < 1$ و (C_f) تحت (δ) من أجل $x > 1$	
0.25	 $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x^2} \ln x = 0$	
0.25	 نستنتج أن (δ) منحنى مقارب لـ (C_f) في جوار $+\infty$	
0.75	 رسم (C_f) و (δ)	
0.5	 (3) - $\int_1^x \frac{1}{t^2} \ln t dt = -\frac{1}{x} (1 + \ln x) + 1$	
0.25	 $x \mapsto x \ln x - x$ هي دالة أصلية لـ $x \mapsto \ln x$ على $[1; +\infty[$	
0.25 $F(x) = \frac{(x^2 + 1) \ln x - x^2 + 1}{x}$ [1; +∞[على المجال f		
0.25 ب- $A(\alpha) = \int_1^\alpha (\ln x - f(x)) dx = 1 - \frac{1 + \ln \alpha}{\alpha} (u_\alpha)$		
0.25 $\lim_{\alpha \rightarrow +\infty} A(\alpha) = 1 (u_\alpha)$		