

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

الموضوع الأول

التمرين الأول: (03 نقاط)

في كل حالة من الحالات الثلاث الآتية توجد ثلاثة اقتراحات من بينها واحد فقط صحيح، حدد الاقتراح الصحيح في كل حالة مع التبرير.

(1) مجموعة حلول المتراجحة $\ln(-3x + 2) \leq \ln 3$ هي:

- أ. $\left[-\frac{1}{3}; \frac{2}{3}\right]$ ؛ ب. $\left[-\frac{1}{3}; +\infty\right[$ ؛ ج. \mathbb{R} .

(2) لتكن f الدالة المعرفة على المجال $]0; +\infty[$ بالعلاقة $f(x) = \frac{1}{x}$. الدالة الأصلية F للدالة f على المجال $]0; +\infty[$ والتي تنعدم من أجل $x = e$ معرفة كما يلي:

- أ. $F(x) = e^{-2} - \frac{1}{x^2}$ ؛ ب. $F(x) = -1 + \ln x$ ؛ ج. $F(x) = \ln x$.

(3) القيمة المتوسطة للدالة $g: x \mapsto \frac{x^2}{4}$ على المجال $[-2; 2]$ تساوي:

- أ. $\frac{4}{3}$ ؛ ب. 3 ؛ ج. $\frac{1}{3}$.

التمرين الثاني: (04,5 نقطة)

إليك فيما يلي جدول يمثل أجور 5 موظفين في مؤسسة وطنية وذلك حسب أقدميتهم في المهنة:

x_i (بالسنوات)	2	8	15	19	24
y_i (بالدينانير)	32400	35400	39600	41400	44700

(1) أ. مثل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد. (1cm لكل سنتين على محور الفواصل و 1cm لكل 1000 دينار على محور الترتيب و يبدأ التدرج على هذا المحور ابتداء من 30000).

ب. اذكر لماذا يمكننا إجراء تعديل خطي لهذه السحابة.

(2) أ. عين إحداثيي النقطة المتوسطة G لسحابة النقط.
ب. لتكن $y = ax + b$ معادلة لمستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا.

• بين أن مدور a إلى 10^{-3} هو 556,356 .

• عين مدور b إلى 10^{-3} باعتبار $a = 556,356$.

- 3) أ. باستعمال التعديل الخطي السابق، قدير أجره موظف له 30 سنة أقدمية.
ب. بعد كم سنة من العمل تتجاوز أجره الموظف 50000 ديناراً؟

التمرين الثالث: (04,5 نقطة)

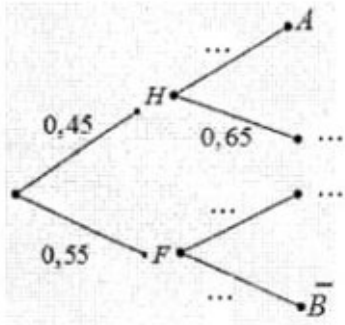
يتكون مجتمع من 55% نساء و 45% رجال، 25% من النساء يتحدثن لغة أجنبية و 35% من الرجال يتحدثون أيضاً لغة أجنبية.
نختار عشوائياً شخصاً من هذا المجتمع ونعتبر الحوادث التالية:

"رجل" H

"امرأة" F

"رجل يتحدث لغة أجنبية" A

"امرأة تتحدث لغة أجنبية" B



(1) أنقل شجرة الاحتمالات المقابلة ثم أكملها:

(2) احسب احتمال أن يكون الشخص المختار:

أ. "رجلاً يتحدث لغة أجنبية"

ب. "امرأة لا تتحدث لغة أجنبية"

ج. "شخصاً يتحدث لغة أجنبية"

(3) احسب احتمال أن يكون الشخص المختار امرأة، علماً أنه يتحدث لغة أجنبية.

التمرين الرابع: (08 نقاط)

(1) لتكن f الدالة المعرفة على مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} بالعلاقة: $f(x) = e^{2x} - e^x - x - 2$

أ. احسب نهاية الدالة f عند $+\infty$ وعند $-\infty$. (نقبل أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{e^{2x}} = 0$)

ب. بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق على \mathbb{R} وأن دالتها المشتقة f' تحقق:

$$f'(x) = (e^x - 1)(2e^x + 1)$$

ج. ادرس حسب قيم x إشارة $f'(x)$ ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

(2) (C) منحنى f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ على المجال $]-\infty; 1]$

أ. بين أن المستقيم (d) الذي معادلته $y = -x - 2$ مقارب مائل للمنحنى (C) بجوار $-\infty$.

ادرس الوضعية النسبية للمنحنى (C) والمستقيم (d) .

ب. بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين α و β حيث $-2,11 < \alpha < -2,10$

و $0,81 < \beta < 0,82$ وفسر النتيجة هندسياً.

ج. ارسم المستقيم (d) والمنحنى (C) .

(3) عيّن دالة أصلية F للدالة f على المجال $]-\infty; 1]$

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (03 نقاط)

عدد تلاميذ ثانوية هو 900 ، يتوزعون حسب المستوى والصنف (داخلي أو خارجي) كما يلي:

المستوى \ الصنف	السنة الأولى	السنة الثانية	السنة الثالثة	المجموع
خارجيون	250	200	150	600
داخليون	100	120	80	300

نختار تلميذا بطريقة عشوائية، احسب الاحتمالات التالية:

- (1) احتمال أن يكون التلميذ خارجيا.
- (2) احتمال أن يكون التلميذ من السنة الأولى.
- (3) احتمال أن يكون التلميذ من السنة الأولى وخارجيا.
- (4) احتمال أن يكون التلميذ من السنة الأولى علما أنه خارجي.
- (5) هل الحادثتان " التلميذ من السنة الأولى " و " التلميذ خارجي " مستقلتان؟

التمرين الثاني: (05,5 نقطة)

لتكن المتتالية العددية (u_n) حيث: $u_0 = \frac{1}{2}$ ومن أجل كل عدد طبيعي n ، $u_{n+1} = \frac{2}{5}u_n + \frac{1}{5}$

- (1) احسب u_1 و u_2 .
- (2) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n > \frac{1}{3}$.
- (3) بين أن المتتالية (u_n) متناقصة تماما ثم استنتج أنها متقاربة.
- (4) لتكن المتتالية العددية (v_n) حيث من أجل كل عدد طبيعي n ، $v_n = u_n - \frac{1}{3}$.
 - أ. بين أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تحديد أساسها و حدها الأول.
 - ب. اكتب كلا من u_n و v_n بدلالة n .
 - ج. احسب نهاية المتتالية (u_n) .

التمرين الثالث: (04,5 نقطة)

يمثل الجدول التالي الكميات المنتجة لسلعة شركة من سنة 2006 إلى سنة 2010. (الكميات مقدره بالطن)

السنة	2006	2007	2008	2009	2010
رتبة السنة x_i	1	2	3	4	5
كمية الإنتاج y_i	2,6	2,8	3,2	4	4,4

- 1 . مثل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد .
- (2cm يمثل رتبة واحدة على محور الفواصل ، 1cm يمثل 0,4 طن على محور الترتيب)
- 2 . عين إحداثيي G النقطة المتوسطة للسحابة ومثلها في المعلم السابق .

3. أجد معادلة مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا.
 ب) أرسم هذا المستقيم في المعلم السابق.
 4. ما هي كمية الإنتاج المتوقعة خلال سنة 2015 ؟

التمرين الرابع: (07 نقاط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} بالعبارة:

$$f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x^2 + 1}$$

(C) المنحنى البياني الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
 الوحدة $1cm$ على محور الفواصل و $4cm$ على محور الترتيب.

- 1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x لدينا: $f(x) = 1 - \frac{x}{x^2 + 1}$.
- 2) احسب نهاية الدالة f عند $-\infty$ وعند $+\infty$ ، واستنتج أن (C) يقبل مستقيماً مقارباً يطلب تعيين معادله.
- 3) ادرس وضعية (C) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = 1$.
- 4) احسب $f'(x)$ واستنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.
- 5) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(-x) = 2 - f(x)$. واستنتج أن (C) يقبل مركز تناظر يطلب تعيينه.
- 6) ارسم المستقيم (Δ) والمنحنى (C).
- 7) أ. احسب التكامل: $\int_0^1 \frac{x}{x^2 + 1} dx$
 ب. احسب بالسنتمتر مربع مساحة الحيز من المستوي المحدد بالمنحنى (C) ومحور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلتيهما $x = 0$ و $x = 1$.