

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: جوان 2010

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة : تقني رياضي

المدة: 04 ساعات ونصف

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين
الموضوع الأولالتمرين الأول: (05 نقاط)1/ حل، في مجموعة الأعداد المركبة \mathbb{C} ، المعادلة: $(z - 3 + 2i)(z^2 + 6z + 10) = 0$.(i) هو العدد المركب الذي طوبنته 1 و $\frac{\pi}{2}$ عدده له)2/ علم في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ النقط D, C, A و I ذات اللالحقات: $z_D = -3 - i$ ، $z_C = -3 + i$ ، $z_A = 3 - 2i$ ، $z_I = 1$ على الترتيب.

$$\begin{cases} \arg(z - 3 + 2i) = \arg(z - 1) + \frac{\pi}{2} \\ |z - 3 + 2i| = |z - 1| \end{cases} / 3$$

أ- بين أن الجملة تكافئ: $i = \frac{z - 3 + 2i}{z - 1}$ ثم عين قيمة z .ب- النقطة التي لاحتها $z_B = 3$ ، تتحقق أن: $\overline{AB} = \overline{DC}$. ما هي طبيعة الرباعي $ABCD$ ؟ج- لتكن J النقطة التي لاحتها $z_J = 1 - 2i$ حيث: $z_J = z_I - z_D$.اكتب على الشكل الأسوي العدد المركب Z حيث: $Z = \frac{z_A - z_I}{z_B - z_J}$.تحقق أن: $\overline{AB} = \overline{JI}$. ما هي طبيعة الرباعي $ABIJ$ ؟التمرين الثاني: (05 نقاط)الفضاء مزود بالمعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.نعتبر النقطتين $A(3; -1; 2)$ و $B(1; 2; 1)$ و المستوى (P) الذي معادلته $x - 2y + 3z - 7 = 0$.1/ عين إحداثيات النقطة G مرجع النقطتين A و B المرفقتين بالمعاملين 3 و 1 على الترتيب.2/ عين طبيعة وعناصر (Γ) مجموعة النقط M من الفضاء التي تتحقق: $\|3\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}\| = 4$.أ- اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة G ويعامد المستوى (P) .ب- عين إحداثيات H نقطة تقاطع (P) و (Δ) .ج- احسب المسافة بين G و المستوى (P) .

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = t + 2\lambda \\ z = 2 - t + 2\lambda \end{cases} / 4$$

حيث t و λ عددان حقيقيانأثبت أن (P) و (P') متلاقيان و اكتب تمثيلا وسيطيا لمستقيم تقاطعهما.

التمرين الثالث: (07 نقاط)

$$f \text{ الدالة العددية المعرفة على } \mathbb{R}^* \text{ بالعبارة: } f(x) = \frac{3xe^x - 3x - 4}{3(e^x - 1)}$$

ليكن (C_f) منحني f في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتتجانس (\bar{i}, \bar{j}) .

1. عين العددين الحقيقيين a و b بحيث: $f(x) = ax + \frac{b}{3(e^x - 1)}$ من أجل كل x من \mathbb{R}^*

2. احسب نهايات الدالة f عند أطراف مجالات تعريفها.

3. بين أن f متزايدة تماما على كل مجال من مجالي تعريفها ثم شكل جدول تغيراتها.

4. أ - (D) و (D') المستقيمان اللذان معادلتها على الترتيب: $y = x + \frac{4}{3}$ و $y = x + 0,91$.

بين أن (D) و (D') مقاربان للمنحني (C_f) ، ثم حدد وضعيه بالنسبة لكل منهما.

ب - بين أن المعادلة $0 = f(x)$ تقبل حللين x_0 و x_1 حيث $0,91 < x_0 < x_1$.

$$\text{و } -1,66 < x_1 < -1,65$$

ج - احسب من أجل كل عدد حقيقي x غير معروف $f(x) + f(-x)$.
فسّر النتيجة هندسيا.

د - ارسم (D) و (D') و (C_f) .

هـ - m عدد حقيقي، (D_m) المستقيم المعرف بالمعادلة $y = x + m$.

ناقش بيانيا حسب قيم m عدد حلول المعادلة: $f(x) = x + m$.

5. نعتبر الدالة g المعرفة على المجال $[0; +\infty[$ كما يأتي:
$$g(x) = [f(x)]^2$$

ادرس تغيرات الدالة g دون حساب $g'(x)$ بدلالة x .

التمرين الرابع: (03 نقاط)

نعتبر العدد الطبيعي n الذي يكتب في نظام العد ذي الأساس 7 كما يلي:

$$n = \overline{11\alpha 00}$$

1- عين α حتى يكون n قابلا للقسمة على 3.

2- عين العدد α حتى يكون n قابلا للقسمة على 5.

استنتج قيمة α التي تجعل n قابلا للقسمة على 15.

3- نأخذ $\alpha = 4$ اكتب العدد n في النظام العشري.

الموضوع الثانيالتمرين الأول: (05 نقاط)

1) أ - اكتب على الشكل الأسني العدد المركب a حيث: $a = -2 + 2i\sqrt{3}$

(i) هو العدد المركب الذي طولته 1 و $\frac{\pi}{2}$ عدده له)

ب- حل في مجموعة الأعداد المركبة C المعادلة ذات المجهول Z : $Z^2 = -2 + 2i\sqrt{3}$

2) ينبع المستوى إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \bar{u}, \bar{v})$.

أ- احسب طولية العدد المركب $Z_c = 1 + \sqrt{3}i$ و $Z_A = -1 - \sqrt{3}i$ و $Z_B = -2$ على الترتيب.

أ- احسب طولية العدد المركب $\frac{Z_c - Z_A}{Z_B - Z_A}$ و عدده له.

ب- استنتج طبيعة المثلث ABC .

3) لكن (E) مجموعة النقط M ذات اللحقة z حيث: $\arg(\bar{z} + 2) = \frac{\pi}{3}$

أ- تحقق أن B تنتمي إلى (E) .

ب- عين المجموعة (E) .

التمرين الثاني: (04 نقاط)

1- عين حسب قيم العدد الطبيعي n بوادي القسمة الإقل比ية للعدد 10^n على 13 .

2- تتحقق أن: $[13] \equiv 0 [10^{2008} + 1]$.

3- عين قيم العدد الطبيعي n بحيث يكون: $[10^{2n} + 10^n + 1] \equiv 0 [13]$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \bar{i}, \bar{j}, \bar{k})$ ، نعتبر النقطتين:

$B(0; 4; -1)$ ، $A(3; -2; 2)$

1) اكتب معادلة المستوى (P_1) الذي يشمل النقطة A و $(-1; 0; 1)$ شعاع ناظمي له.

2) المستوى الذي يحوي المستقيم (AB) ويعامد المستوى (P_1) .

أ- بين أن $(1; 1; 1)$ شعاع ناظمي لـ (P_2) .

ب- اكتب معادلة لـ (P_2) .

3) نعتبر النقطتين C و D حيث $C(6; 1; 5)$ و $D(0; -3; -6)$ معرفة بـ

أ- بين أن المثلث ACD قائم في A واحسب مساحته.

ب- بين أن المستقيم (AB) عمودي على المستوى (ACD) .

ج- احسب حجم رباعي الوجوه $.ACDB$.

التمرين الرابع: (06 نقاط)

f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي:

$(O; \bar{i}, \bar{j})$ تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمنجانس

1) أ- أثبت أن الدالة f فردية.

ب- أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي x لدينا:

ج- ادرس تغيرات الدالة f .

2) أ- اكتب معادلة للمسار (T) للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 0.

ب- ادرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (T) واستنتج أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف بطلب تعينها.

ج- بين أن المستقيم (d) ذو المعادلة $y = x + 1$ مقارب للمنحنى (C_f) في جوار $+∞$ ، ثم استنتاج معادلة (d') المستقيم المقارب الآخر.

د- لرسم (d) و (d') في المعلم السابق.

3) g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي:

أ- بين أن الدالة g زوجية.

ب- انطلاقاً من (C_g) رسم (C_g) منحنى الدالة g في نفس المعلم السابق.